

ΑΥΤΟΡΓΑΝΟΥΜΕΝΕΣ ΔΟΜΕΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ

Splay Δέντρα

ΕΚΤΕΝΕΙΣ ΔΟΜΕΣ ΔΕΔΟΜΕΝΩΝ

Γενικά στοιχεία

- ✓ Μία τέτοιου είδους δομή βρίσκεται σε **τυχαία αρχική κατάσταση**, αλλά κατά τη διάρκεια κάθε πράξης εφαρμόζεται ένας **απλός ανακατασκευαστικός κανόνας** με σκοπό την **βελτίωση της αποδοτικότητας των μελλοντικών πράξεων**

Πλεονεκτήματα - Μειονεκτήματα

- ✓ Επίτευξη αποδοτικότητας με την επιμερισμένη έννοια
- ✓ Εφόσον προσαρμόζονται ανάλογα με τη χρήση, μπορούν να είναι πολύ πιο αποδοτικές αν το μοτίβο χρήσης είναι παράξενο
- ✓ Δεν αποθηκεύουν καμία πληροφορία ισορροπίας → Απαιτήση για μικρότερο χώρο
- ✓ Έχουν απλούς και εύκολα υλοποιήσιμους αλγόριθμους προσπέλασης και ανανέωσης
- Απαιτούν περισσότερες τοπικές αναπροσαρμογές → μεγαλύτερα έξοδα αναδιοργάνωσης

Αυτοργανούμενες γραμμικές λίστες

- ✓ Πολύ απλές λίστες που αποθηκεύουν στοιχεία
- ✓ Πράξεις:
 - Access(x)
 - Insert(x)
 - Delete(x)
- Για την υλοποίησή τους μπορούμε να χρησιμοποιήσουμε συνδεδεμένες λίστες ή πίνακες

Αυτοργανούμενες γραμμικές λίστες

- ✓ $\text{pos}(i) \rightarrow$ η θέση του στοιχείου x_i στη λίστα
- ✓ Κάθε πράξη προσπελάζει γραμμικά τα στοιχεία από το αριστερότερο άκρο έως και την εύρεση του κατάλληλου στοιχείου ή το τέλος της λίστας
- ✓ Άρα,
 - Οι $\text{Access}(x_i)$ και $\text{Delete}(x_i)$ κοστίζουν $\text{pos}(x_i)$
 - Η $\text{Insert}(x_i)$ κοστίζει $|S|+1$.

Αυτοργανούμενες γραμμικές λίστες

- ✓ $\text{pos}(i) \rightarrow$ η θέση του στοιχείου x_i στη λίστα
- ✓ Κάθε πράξη προσπελάζει γραμμικά τα στοιχεία από το αριστερότερο άκρο έως και την εύρεση του κατάλληλου στοιχείου ή το τέλος της λίστας
- ✓ Άρα,
 - Οι $\text{Access}(x_i)$ και $\text{Delete}(x_i)$ κοστίζουν $\text{pos}(x_i)$
 - Η $\text{Insert}(x_i)$ κοστίζει $|S|+1$. **Γιατί?**

Στρατηγικές αυτοργάνωσης

- ✓ **Κανόνας μετακίνησης στην αρχή (Move to Front Rule - MFR)**
 - Οι πράξεις $\text{Access}(x_i)$ και $\text{Insert}(x_i)$ μετακινούν το x στην αρχή της λίστας → Δεν μεταβάλλεται η σειρά των υπόλοιπων στοιχείων
 - Η $\text{Delete}(x_i)$ διαγράφει το στοιχείο x από τη λίστα

Στρατηγικές αυτοργάνωσης

- ✓ **Κανόνας μετακίνησης στην αρχή (Move to Front Rule - MFR)**
 - Οι πράξεις $\text{Access}(x_i)$ και $\text{Insert}(x_i)$ μετακινούν το x στην αρχή της λίστας
→ Δεν μεταβάλλεται η σειρά των υπόλοιπων στοιχείων
 - Η $\text{Delete}(x_i)$ διαγράφει το στοιχείο x από τη λίστα

- ✓ **Κανόνας Αντιμετάθεσης – Transposition Rule**
 - Η $\text{Access}(x_i)$ εναλλάσσει το x με το προηγούμενο στοιχείο
 - Η $\text{Insert}(x_i)$ κάνει το x προτελευταίο στοιχείο της λίστας

Splay Δέντρα

- ✓ Επιτυγχάνουν πολύ καλή επιμερισμένη πολυπλοκότητα για κάθε πράξη χωρίς να αποθηκεύουν τα βάρη κάθε στοιχείου.
- ✓ Στρατηγική επανοργάνωσης: *splaying*
- ✓ Κατά τη διάρκεια κάθε πράξης το εμπλεκόμενο στοιχείο μεταφέρεται στη ρίζα με διαδοχικές περιστροφές

Splay Δέντρα

- ✓ Επιτυγχάνουν πολύ καλή επιμερισμένη πολυπλοκότητα για κάθε πράξη χωρίς να αποθηκεύουν τα βάρη κάθε στοιχείου.
- ✓ Στρατηγική επανοργάνωσης: *splaying*
- ✓ Κατά τη διάρκεια κάθε πράξης το εμπλεκόμενο στοιχείο μεταφέρεται στη ρίζα με διαδοχικές περιστροφές → *οι επόμενες πράξεις που θα χρειαστούν αυτό το στοιχείο θα είναι πιο φθηνές*

Splay Δέντρα

- ✓ Έστω ένα στοιχείο $x \in S$ και $p(x)$ ο πατέρας του x .
- ✓ Για να μεταφέρω το x στη ρίζα επαναλαμβάνουμε το splaying ως εξής:
 - ❑ **ΠΕΡΙΠΤΩΣΗ 1:** Ο $p(x)$ είναι ρίζα
 - ❑ **ΠΕΡΙΠΤΩΣΗ 2:** Ο $p(x)$ δεν είναι ρίζα & οι x , $p(x)$ είναι και οι 2 αριστερά ή δεξιά παιδιά του γονέα τους
 - ❑ **ΠΕΡΙΠΤΩΣΗ 3:** Ο $p(x)$ είναι ρίζα & οι x , $p(x)$ δεν είναι του ίδιου είδους παιδιά

ΠΕΡΙΠΤΩΣΗ 1

□ Ο $p(x)$ είναι ρίζα

✓ Κάνουμε απλή περιστροφή και φέρνουμε το x στη ρίζα

ΠΕΡΙΠΤΩΣΗ 2

□ Ο $p(x)$ είναι ρίζα

- ✓ Κάνουμε απλή περιστροφή και φέρνουμε το x στη ρίζα

□ Ο $p(x)$ δεν είναι ρίζα & οι x , $p(x)$ είναι και οι 2 αριστερά ή δεξιά παιδιά του γονέα τους

- ✓ Κάνουμε απλή περιστροφή στο $p(x)$ με τον πατέρα του $p(p(x))$ και μετά κάνουμε άλλη μία περιστροφή της ίδιας μορφής με την πρώτη στο x και το $p(x)$

ΠΕΡΙΠΤΩΣΗ 3

- ❑ Ο $p(x)$ είναι ρίζα
 - ✓ Κάνουμε απλή περιστροφή και φέρνουμε το x στη ρίζα

- ❑ Ο $p(x)$ δεν είναι ρίζα & οι $x, p(x)$ είναι και οι 2 αριστερά ή δεξιά παιδιά του γονέα τους
 - ✓ Κάνουμε απλή περιστροφή στο $p(x)$ με τον πατέρα του $p(p(x))$ και μετά κάνουμε άλλη μία περιστροφή της ίδιας μορφής με την πρώτη στο x και το $p(x)$

- ❑ Ο $p(x)$ είναι ρίζα & οι $x, p(x)$ δεν είναι του ίδιου είδους παιδιά
 - ✓ Εκτελούμε διπλή περιστροφή στον x