

# Ευρετικές Μέθοδοι

Project 2011-2012  
Part C

5 Ιουνίου 2012

---

Όνομα:  
Ελευθέριος Κατσινέλος

ΑΜ: Έτος:  
4738 3<sup>ο</sup>

# 1

## 1.1

Υλοποίηση πύλης NAND Τα συναπτικά βάρη του νευρώνα είναι τα  $\omega_1=-1$ ,  $\omega_2=-1$  και η είσοδος κατωφλίου είναι  $\omega_j=+1$ . Ο νευρώνας χρησιμοποιεί ως συνάρτηση ενεργοποίησης την συνάρτηση McCulloch - Pits :

$$f(u) = \begin{cases} +1, & u \geq 0 \\ 0, & u < 0 \end{cases}$$

Οπότε έχουμε  $u = w_1x_1 + w_2x_2 + j = -x_1 - x_2 + 1,5$

Ακολουθεί η επαλήθευση του νευρωνικού δικτύου για όλους τους δυνατούς συνδυασμούς :

Για  $x_1 = x_2 = 0$   $v = 1,5$   $\psi = \varphi(v) = 1$

Για  $x_1 = 0, x_2 = 1$   $v = 0,5$   $\psi = \varphi(v) = 1$

Για  $x_1 = 1, x_2 = 0$   $v = 0,5$   $\psi = \varphi(v) = 1$

Για  $x_1 = x_2 = 1$   $v = -0,5$   $\psi = \varphi(v) = 0$  .

Υλοποίηση πύλης NOR

Τα συναπτικά βάρη του νευρώνα είναι τα  $\omega_1=-1$ ,  $\omega_2=-1$  και η είσοδος κατωφλίου είναι  $\omega_j=+0,5$ . Ο νευρώνας χρησιμοποιεί ως συνάρτηση ενεργοποίησης την συνάρτηση McCulloch - Pits :

$$f(u) = \begin{cases} +1, & u \geq 0 \\ 0, & u < 0 \end{cases}$$

Οπότε έχουμε  $u = w_1x_1 + w_2x_2 + j = -x_1 - x_2 + 0,5$

Ακολουθεί η επαλήθευση του νευρωνικού δικτύου για όλους τους δυνατούς συνδυασμούς :

Για  $x_1 = x_2 = 0$   $v = 0,5$   $\psi = \varphi(v) = 1$

Για  $x_1 = 0, x_2 = 1$   $v = -0,5$   $\psi = \varphi(v) = 0$

Για  $x_1 = 1, x_2 = 0$   $v = -0,5$   $\psi = \varphi(v) = 0$

Για  $x_1 = x_2 = 1$   $v = -1,5$   $\psi = \varphi(v) = 0$  .

## 1.2

Η έξοδος του νευρώνα είναι C  $Y_c = \varphi(u_c) = \varphi(x_A w_A + x_B w_B - \theta) \Rightarrow u_c = y_A * 0,6 + y_B * 0,4 - 1$  και  $\varphi(u_c) = u_c$

Γνωρίζοντας την είσοδο κατωφλίου και την συνάρτηση ενεργοποίησης του νευρώνα η οποία είναι γραμμική συνεπάγεται :

$$y_c = y_A * 0,6 + y_B * 0,4 - 1$$

Άρα για να υπολογίσουμε την ζητούμενη έξοδο του νευρώνα " πρέπει να υπολογίσουμε τα  $y_A y_B$

Υπολογισμός της εισόδου του νευρώνα:

$$y_A = \phi(u_A)$$

$$u_A = w_{1A} * x_{1A} + w_{2A} * x_{2A} + w_{3A} * x_{3A} + w_{4A} * x_{4A} + w_{5A} * x_{5A} - \theta \Rightarrow$$

Άρα  $y_A = \phi(7.29) = 1/(1 + \exp(-7.29)) + 1 = 1.$

Υπολογισμός της εισόδου του νευρώνα B :

$$y_B = \phi(u_B)u_B = w_{1B} * x_{1B} + w_{2B} * x_{2B} + w_{3B} * x_{3B} + w_{4B} * x_{4B} + w_{5B} * x_{5B} - \theta \Rightarrow u_B = 2 * 0,22 - 1 * 0,43 - 10 * 0,31 + 4 * 0,92 - 1 * 0,43 - 1 = -0,84$$

Ο νευρώνας χρησιμοποιεί ως συνάρτηση ενεργοποίησης την McCulloch - pits ,άρα

$$y_B = \phi(-0.84) = 0$$

$$Y_c = y_A * 0.6 + y_B * 0.4 - 1 = 0.6 - 1 = 0.4$$

## 2.

Πληθυσμός	Καταλληλότητα	Όνομα
00100111	39	A
10101010	170	B
11000111	199	C
01010011	83	D
11110000	240	E
00111100	60	F
00101000	40	G
11010101	213	H

Ονομάζουμε τα άτομα του πληθυσμού με τα γράμματα απο Α-Η. Η συνολική τιμή αξιολόγησης υπολογίζεται σε  $39+170+199+83+240+60+40+213=1044.$

Οι τιμές αξιολόγησης για τα 8 άτομα του πληθυσμού :

$P_A$	0.0373	$q_A$	0.0373
$P_B$	0.1628	$q_B$	0.2001
$P_C$	0.1906	$q_C$	0.3907
$P_D$	0.0795	$q_D$	0.4702
$P_E$	0.2298	$q_E$	0.7000
$P_F$	0.0574	$q_F$	0.7574
$P_G$	0.0383	$q_G$	0.7957
$P_H$	0.2040	$q_H$	0.9997

Πρέπει να επιλεγούν 8 άτομα απο την γενεά 0 ,έτσι ώστε να προκύψουν 4 ζευγάρια που θα μας δώσουν τα 8 νέα άτομα της γενεάς 1 .

Έχουμε :

A/A	Τιμή	Επιλέγεται
1	0.1622	B
2	0.7943	G
3	0.3112	C
4	0.5258	D
5	0.1656	B
6	0.6020	E
7	0.2630	B
7	0.0654	E

Ζευγάρια προς εξέταση για διασταύρωση : B-G , C-D , B-E , B-E .

Παίρνουμε το πρώτο ζευγάρι B-G ο επόμενος τυχαίος είναι ο  $0.6892 < \pi$ -θανότητα διασταύρωσης, αρα θα γίνει διασταύρωση στο 0.7482 και στο 0.4505

$B = 101|01|010$  ,  $B' = 10101010$

$G = 001|01|000$  ,  $G' = 00101000$

Για το δεύτερο ζευγάρι C - D ο επόμενος είναι ο  $0.0838 < \pi$ .θ ,αρα θα γίνει διασταύρωση στο 0.2290 και στο 0.09133

$C = 11|00011|1$  ,  $C' = 11010011$

$D = 01|01001|1$  ,  $D' = 01000111$

Για το τρίτο ζευγάρι B - E ο επόμενος είναι ο  $0.1524 < \pi$ .θ ,αρα θα γίνει διασταύρωση στο 0.8258 και στο 0.5383

$B = 1010|101|0$  ,  $B' = 10100000$

$E = 1111|000|0$  ,  $E' = 11111010$

Για το τέταρτο ζευγάρι B - E ο επόμενος είναι ο  $0.9961 > \pi$ .θ ,αρα δεν θα γίνει διασταύρωση .

Απόγονοι	Καταλληλότητα	$p_m$
$A' = 10101010$	170	0.4651
$B' = 00101000$	40	0.5
$C' = 11010011$	211	0.2267
$D' = 01000111$	71	0.5
$E' = 10100000$	160	0.5
$F' = 11111010$	250	0
$G' = 10101010$	170	0.4651
$H' = 10111000$	240	0.0581

$$f_{avg} = 164, f_{max} = 250$$

$A' =$	1	0	1	0	1	0	1	0
Πιθανότητα	0.0782	0.4427	0.1067	0.9619	0.0046	0.7749	0.8175	0.8687
Μετάλλαξη	NAI	NAI	NAI	OXI	NAI	OXI	OXI	OXI

Μεταλλαγμένος  $A' = 01000010$

$B' =$	0	0	1	0	1	0	0	0
Πιθανότητα	0.0844	0.39	0.25	0.80	0.43	0.91	0.18	0.26
Μετάλλαξη	NAI	NAI	NAI	OXI	NAI	OXI	NAI	NAI

Μεταλλαγμένος  $B' = 11000011$

C' =	1	1	0	1	0	0	1	1
Πιθανότητα	0.1455	0.013	0.86	0.57	0.14	0.85	0.85	0.62
Μετάλλαξη	NAI	NAI	OXI	OXI	OXI	NAI	OXI	OXI

Μεταλλαγμένος C'' = 00010111

D' =	0	1	0	0	0	1	1	1
Πιθανότητα	0.35	0.51	0.40	0.07	0.23	0.12	0.18	0.24
Μετάλλαξη	NAI	OXI	NAI	NAI	NAI	NAI	NAI	NAI

Μεταλλαγμένος D'' = 11111000

Μεταλλαγμένος E'' = 01101110

Μεταλλαγμένος F'' = 11111010

G' =	1	0	1	0	1	0	1	0
Πιθανότητα	0.36	0.11	0.78	0.38	0.24	0.40	0.09	0.13
Μετάλλαξη	NAI	NAI	OXI	NAI	NAI	NAI	NAI	NAI

Μεταλλαγμένος G'' = 01110101

H' =	1	1	1	1	0	0	0	0
Πιθανότητα	0.9421	0.95	0.57	0.0598	0.23	0.35	0.82	0.0154
Μετάλλαξη	OXI	OXI	OXI	OXI	OXI	OXI	OXI	NAI

Μεταλλαγμένος H'' = 11110001

Οπότε ο ζητούμενος πληθυσμός γενεάς 1 είναι :

A = 01000010

B = 11000011

C = 00010111

D = 11111000

E = 01101110

F = 11111010

G = 01110101

H = 11110001

### 3.

α)

Για να υπολογίσουμε το γρηγότερο μονοπάτι από την πόλη 1 στην πόλη 8 με μέθοδο δυναμικού προγραμματισμού, ξεκινάμε από την τελική κατάσταση και γραφουμε από ποιές υπολογίζεται μετά για κάθε μια από αυτές κάνουμε το ίδιο κ.ο.κ μέχρι να φτάσουμε στην αρχική.

$$\text{dist}(8) = \min(\text{dist}(5)+10, \text{dist}(6)+5, \text{dist}(7)+10)$$

$$\text{dist}(5) = \min(\text{dist}(4)+3, \text{dist}(2)+6)$$

$$\text{dist}(6) = \min(\text{dist}(4)+7)$$

$$\text{dist}(7) = \min(\text{dist}(4)+4, \text{dist}(3)+2)$$

$$\text{dist}(4) = \min(\text{dist}(2)+8, \text{dist}(3)+5, \text{dist}(5)+4, \text{dist}(7)+6)$$

$$\text{dist}(2) = \min(\text{dist}(1)+3)$$

$$\text{dist}(3) = \min(\text{dist}(1)+2)$$

Προφανώς  $\text{dist}(1) = 0$  και τώρα κάνουμε τους υπολογισμούς ανάποδα.

$$\text{dist}(1) = 0$$

$$\text{dist}(2) = \text{dist}(1)+3 = 3$$

$$\text{dist}(3) = \text{dist}(1)+2 = 2$$

$$\text{dist}(4) = \min(\text{dist}(2)+8, \text{dist}(3)+5) = \min(10, 8) = 8$$

$$\text{dist}(5) = \min(\text{dist}(2)+6, \text{dist}(4)+3) = \min(10, 8) = 9$$

$$\text{dist}(7) = \min(\text{dist}(4)+4, \text{dist}(3)+2) = 4$$

$$\text{dist}(6) = \min(\text{dist}(4)+7) = 15$$

$$\text{dist}(8) = \min(\text{dist}(5)+10, \text{dist}(6)+5, \text{dist}(7)+10) = 4 + 10 = 14$$

Ο αλγόριθμος βρήκε σωστά την λύση 1 - 3 - 7 - 8

β)

Με τον ίδιο τρόπο έχουμε :

$$\text{dist}(1) = \min(\text{dist}(2)+8, \text{dist}(3)+5)$$

$$\text{dist}(2) = \min(\text{dist}(5)+7, \text{dist}(4)+9)$$

$$\text{dist}(3) = \min(\text{dist}(4)+6, \text{dist}(7)+3)$$

$$\text{dist}(5) = \min(\text{dist}(8)+7, \text{dist}(4)+3)$$

$$\text{dist}(4) = \min(\text{dist}(5)+4, \text{dist}(6)+6, \text{dist}(7)+6)$$

$$\text{dist}(6) = \min(\text{dist}(8)+6)$$

$$\text{dist}(5) = \min(\text{dist}(8)+7)$$

$$\text{dist}(7) = \min(\text{dist}(8)+9)$$

Ομοίως  $\text{dist}(8)=0$  και κάνοντας τους πολλαπλασιασμούς ανάποδα έχουμε :

$$\text{dist}(5) = 7$$

$$\text{dis}(6) = 6$$

$$\text{dist}(7) = 9$$

$$\text{dist}(4) = \min(7+4, 6+6, 7+6,) = 11$$

$$\text{dist}(2) = \min(\text{dist}(\text{dist}(5)+7, \text{dist}(4)+9) = 14$$

$$\text{dist}(3) = \min(\text{dist}(4)+6, \text{dist}(7)+3) = 13$$

$$\text{dist}(1) = \min(\text{dist}(3)+5, \text{dist}(2)+8) = 18$$

Ο αλγόριθμος σωστά βρήκε την λύση 8 - 7 - 3 - 1.

Παρατηρούμε πως οι δυναμικοί αλγόριθμοι βρίσκουν την γρηγορότερη λύση και είναι μερικές φορές καλύτεροι από τους άπλειστους αλγόριθμους αλλά έχουν πολύ μεγαλύτερο υπολογιστικό κόστος

γ.

Από τα παραπάνω ερωτήματα εύκολα παρατηρούμαι πως το ζητούμενο μονοπάτι είναι το 1 - 3 - 7 - 8 - 7 - 3 - 1.